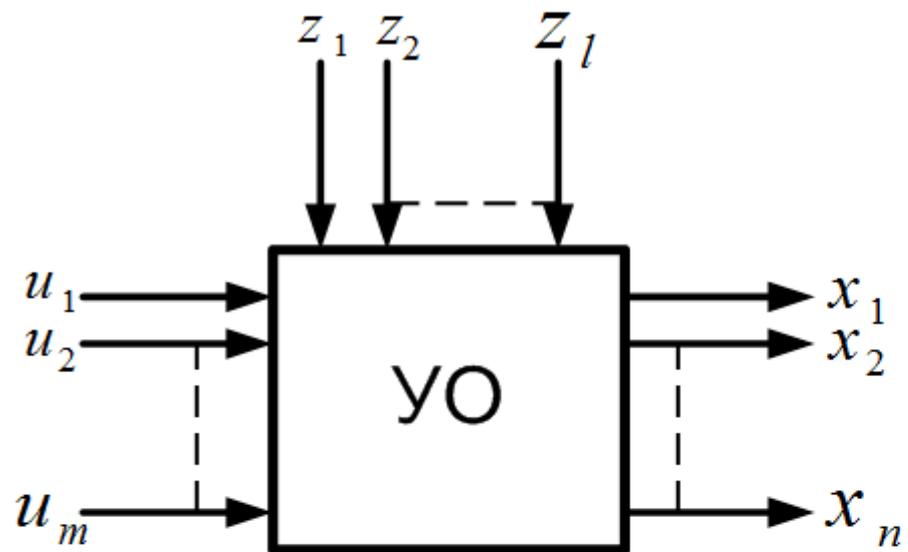


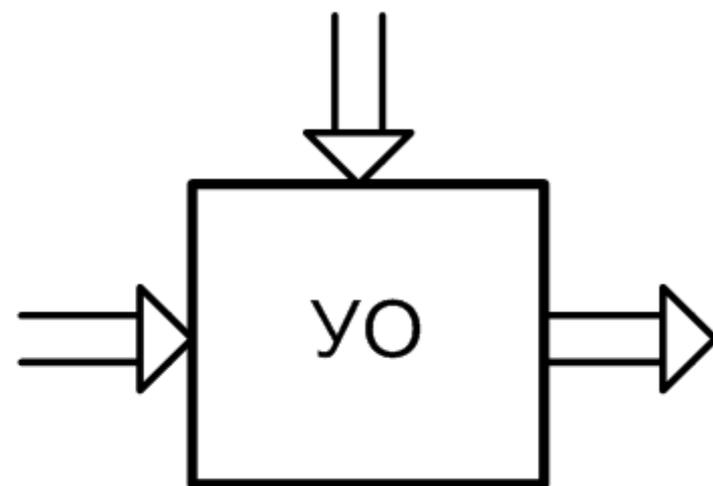
# **Теория автоматического управления**

# **ОСНОВЫ ТЕОРИИ АВТОМАТИЧЕСКОГО УПРАВЛЕНИЯ**

a)



б)



в)

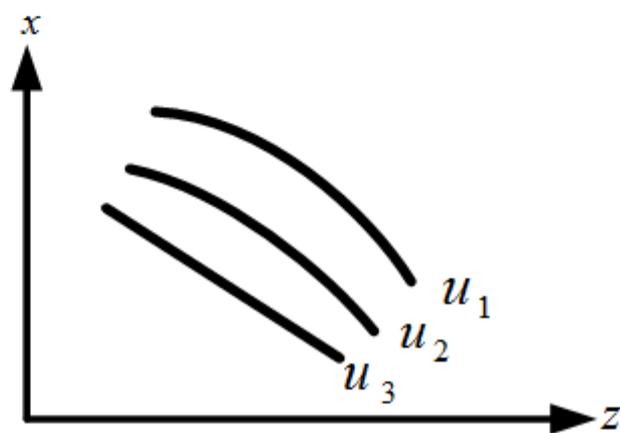


Рис. 1

$X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  – совокупность  
управляющих координат

$Z = \{z_1, z_2, \dots, z_l\}$  – совокупность  
возмущающих воздействий

$U = \{U_1, U_2, \dots, U_m\}$  – совокупность  
управляющих воздействий

# **ФУНДАМЕНТАЛЬНЫЕ ПРИНЦИПЫ УПРАВЛЕНИЯ**

# ПРИНЦИП РАЗОМКНУТОГО УПРАВЛЕНИЯ

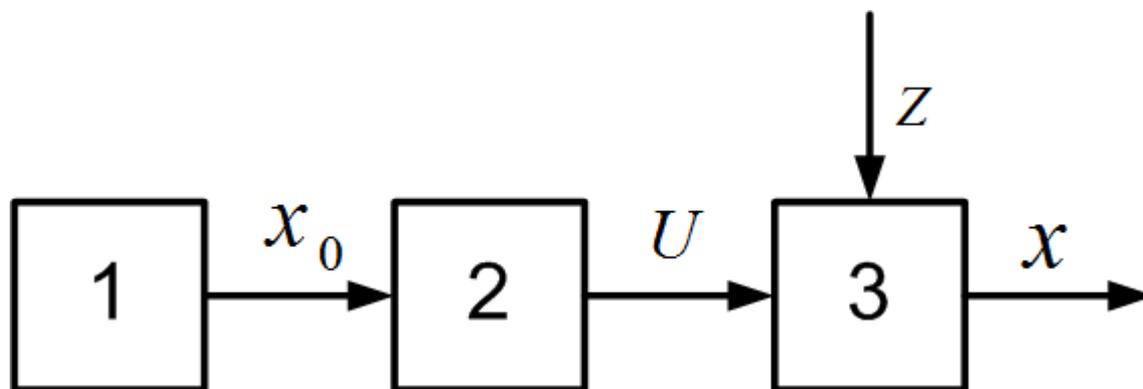


Рис. 2

# ПРИНЦИП КОМПЕНСАЦИИ (УПРАВЛЕНИЯ ПО ВОЗМУЩЕНИЮ)

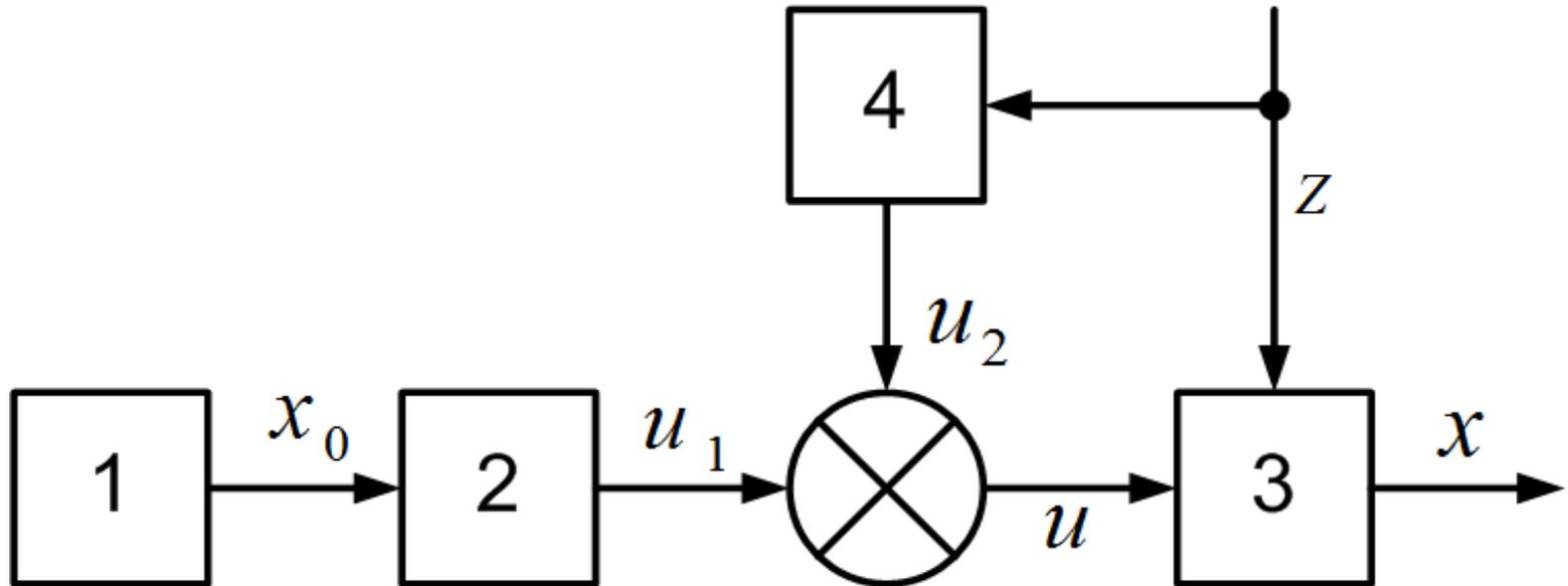


Рис. 3

$$x = F_1(u, z)$$

$$u = F_2(z)$$

$$\Delta x = x_0 - F_1(u, z) = 0$$

# ПРИНЦИП ОБРАТНОЙ СВЯЗИ (РЕГУЛИРОВАНИЕ ПО ОТКЛОНЕНИЮ)

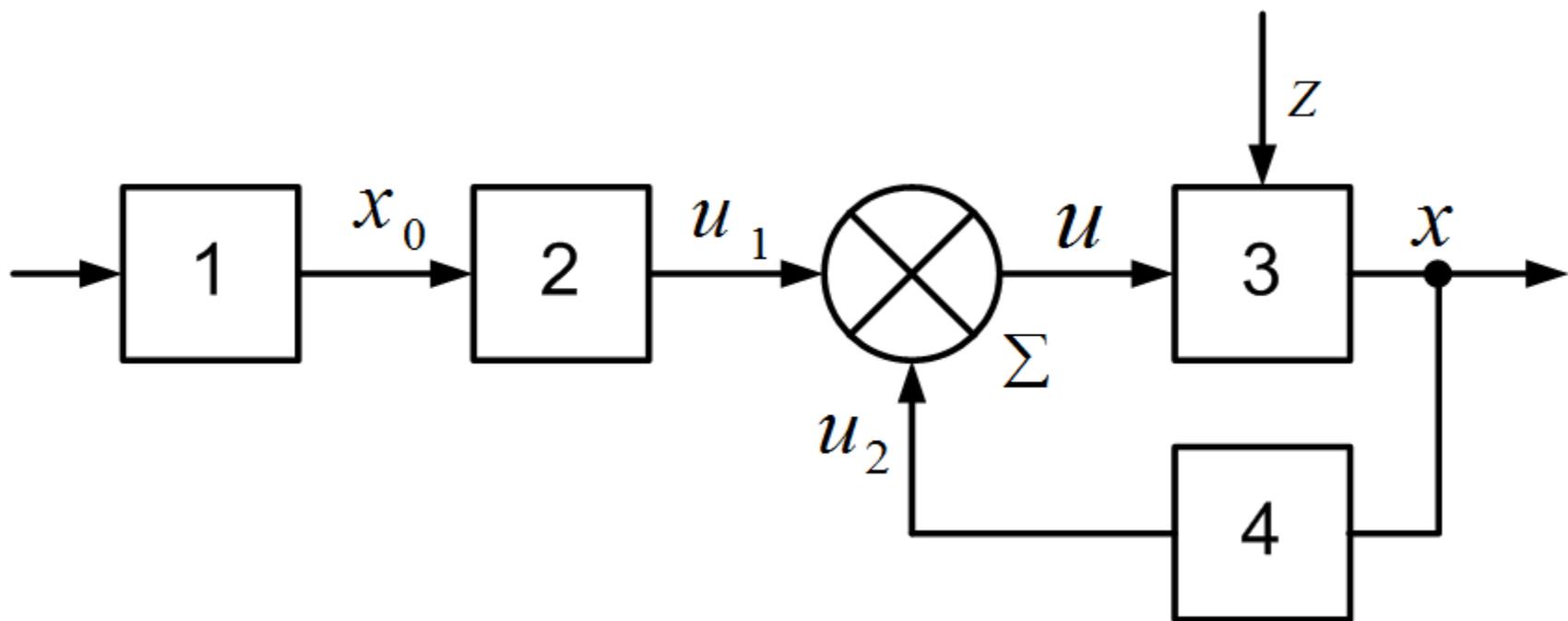


Рис. 4

# Частный вид замкнутых систем

$$\Delta x = x_0 - x$$

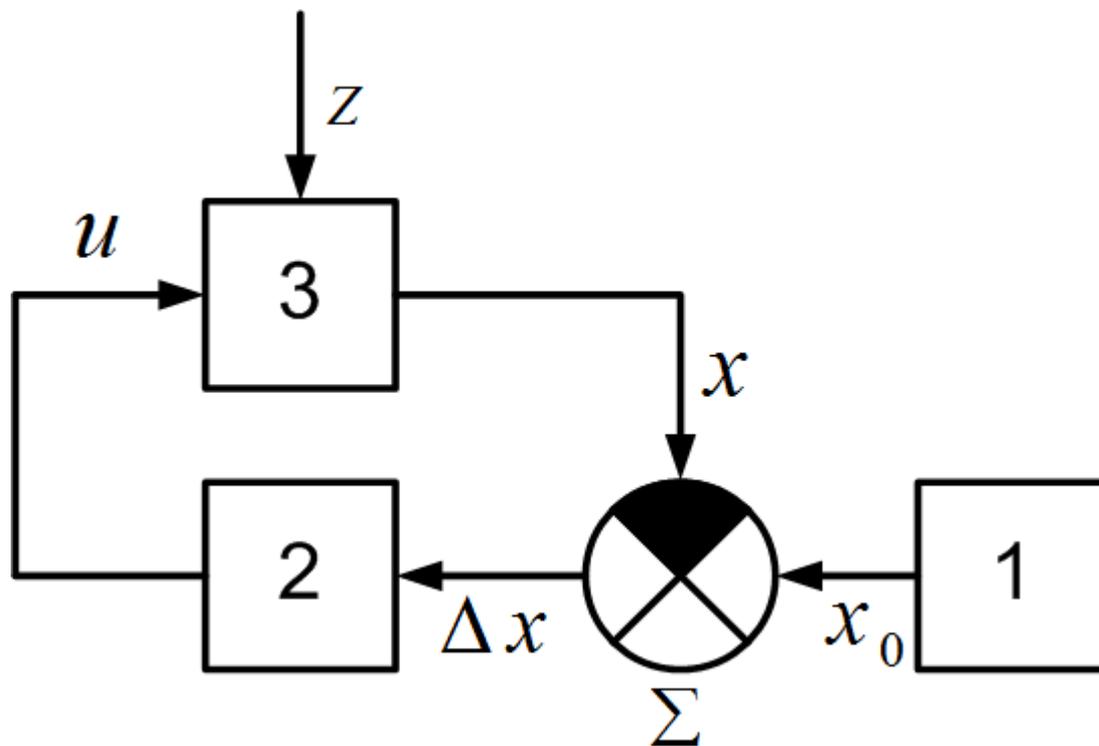


Рис. 5

# Комбинированное регулирование по возмущению и отклонению

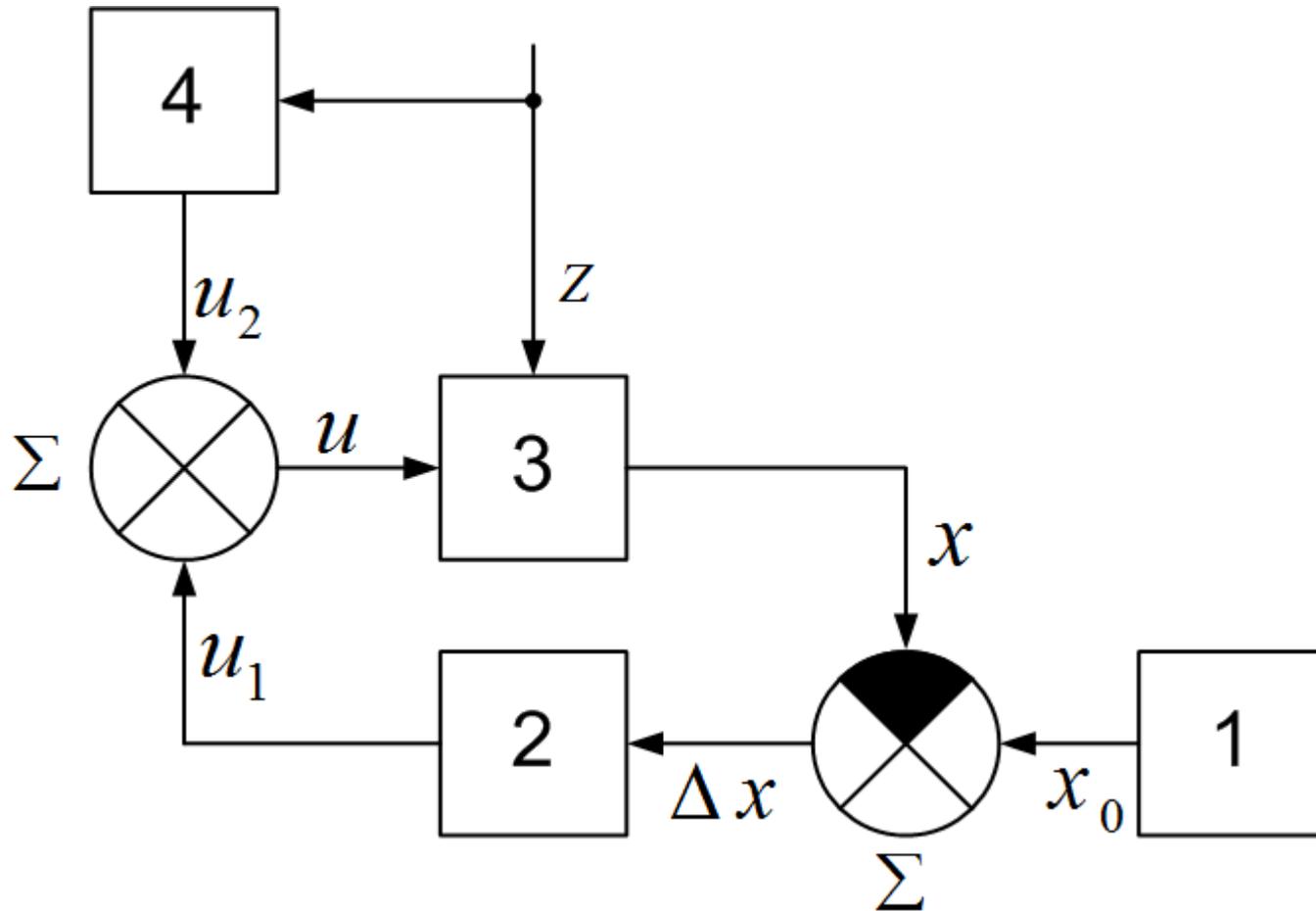
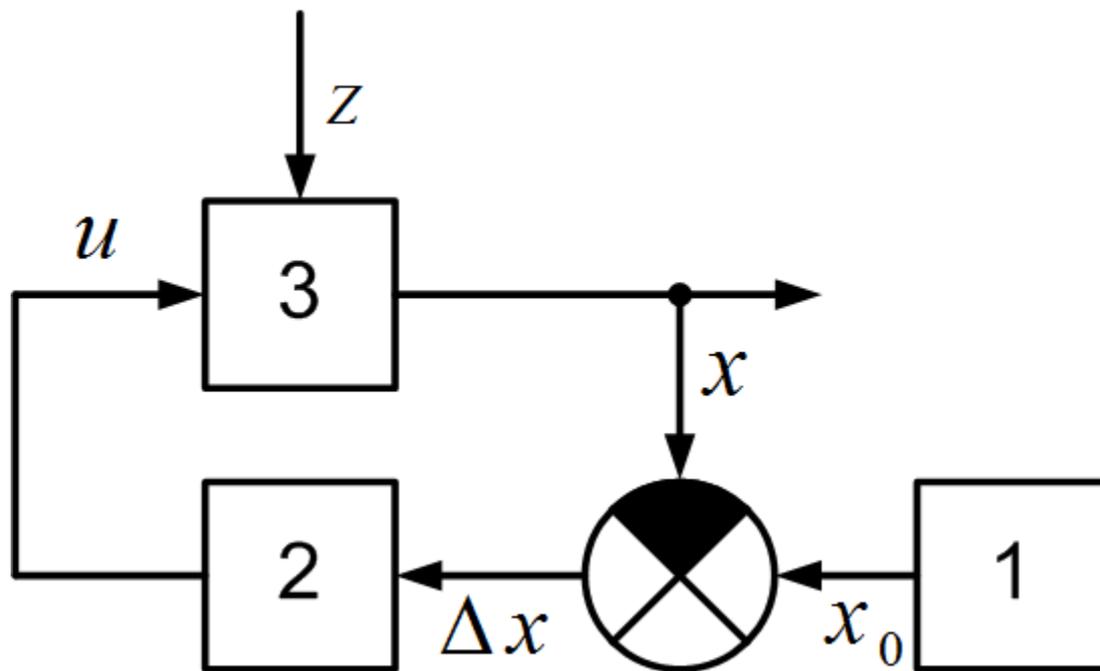


Рис. 6

# **ОСНОВНЫЕ ВИДЫ АЛГОРИТМОВ ФУНКЦИОНИРОВАНИЯ**

# СТАБИЛИЗАЦИЯ

$$x_0(t) = \text{const}$$



$$\begin{cases} x = k_0 * u - k_z * z \\ u = k_p * \Delta x = k_p (x_0 - x) \end{cases}$$

$$x = k_p * k_0 * x_0 - k_0 * k_p * x - k_z * z$$

$$x = \frac{k_0 * k_p}{1 + k_0 * k_p} * x_0 - \frac{k_z}{1 + k_0 * k_p} * z$$

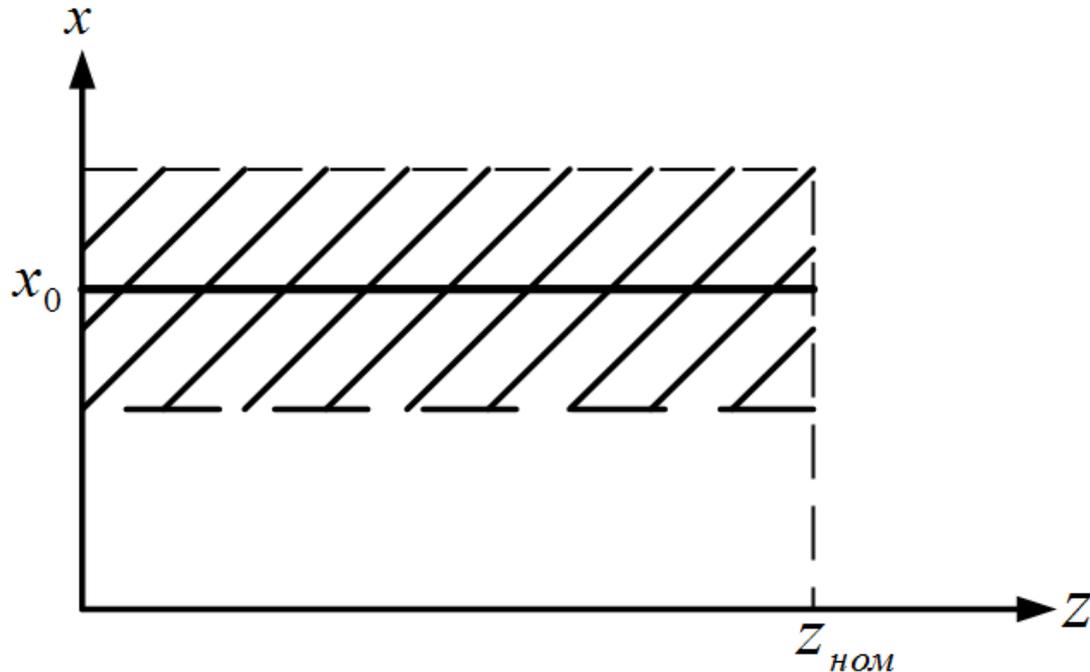


Рис. 7

$$\begin{aligned}\Delta x_{\text{CT.}} &= x_0 - x \\ &= x_0 - \frac{k_0 k_p}{1 + k_0 k_p} x_0 \\ &\quad + \frac{k_z}{1 + k_0 k_p} z = \\ &= \frac{1}{1 + k_0 k_p} x_0 + \frac{k_z}{1 + k_0 k_p} z\end{aligned}$$

# **ПРОГРАММНОЕ УПРАВЛЕНИЕ**

# СИСТЕМЫ С ПОИСКОМ ЭКСТРЕМУМА ПОКАЗАТЕЛЯ КАЧЕСТВА

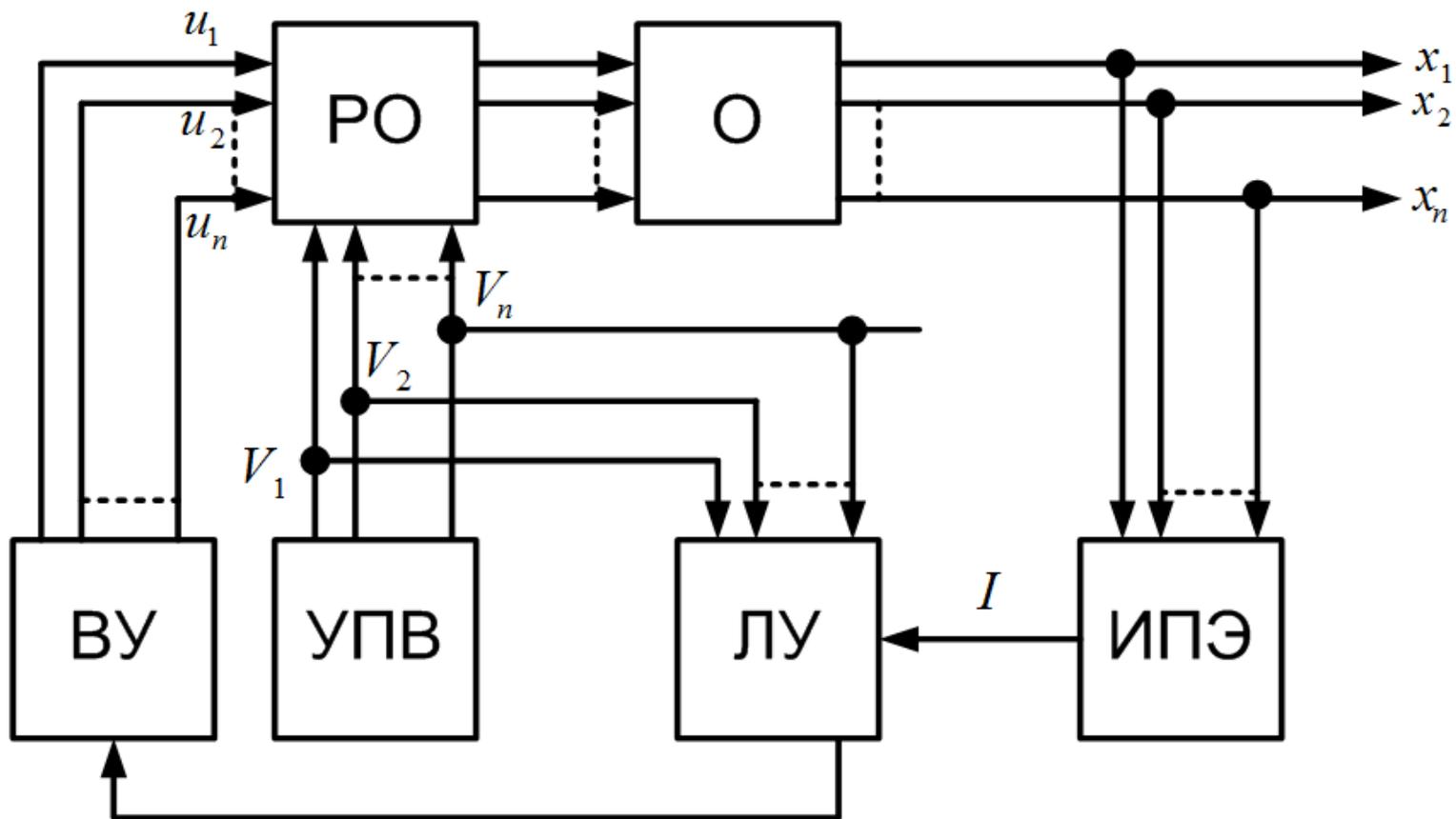


Рис. 8

$$I = F(x_1, x_2, \dots, x_n)$$

# ОПТИМАЛЬНОЕ УПРАВЛЕНИЕ

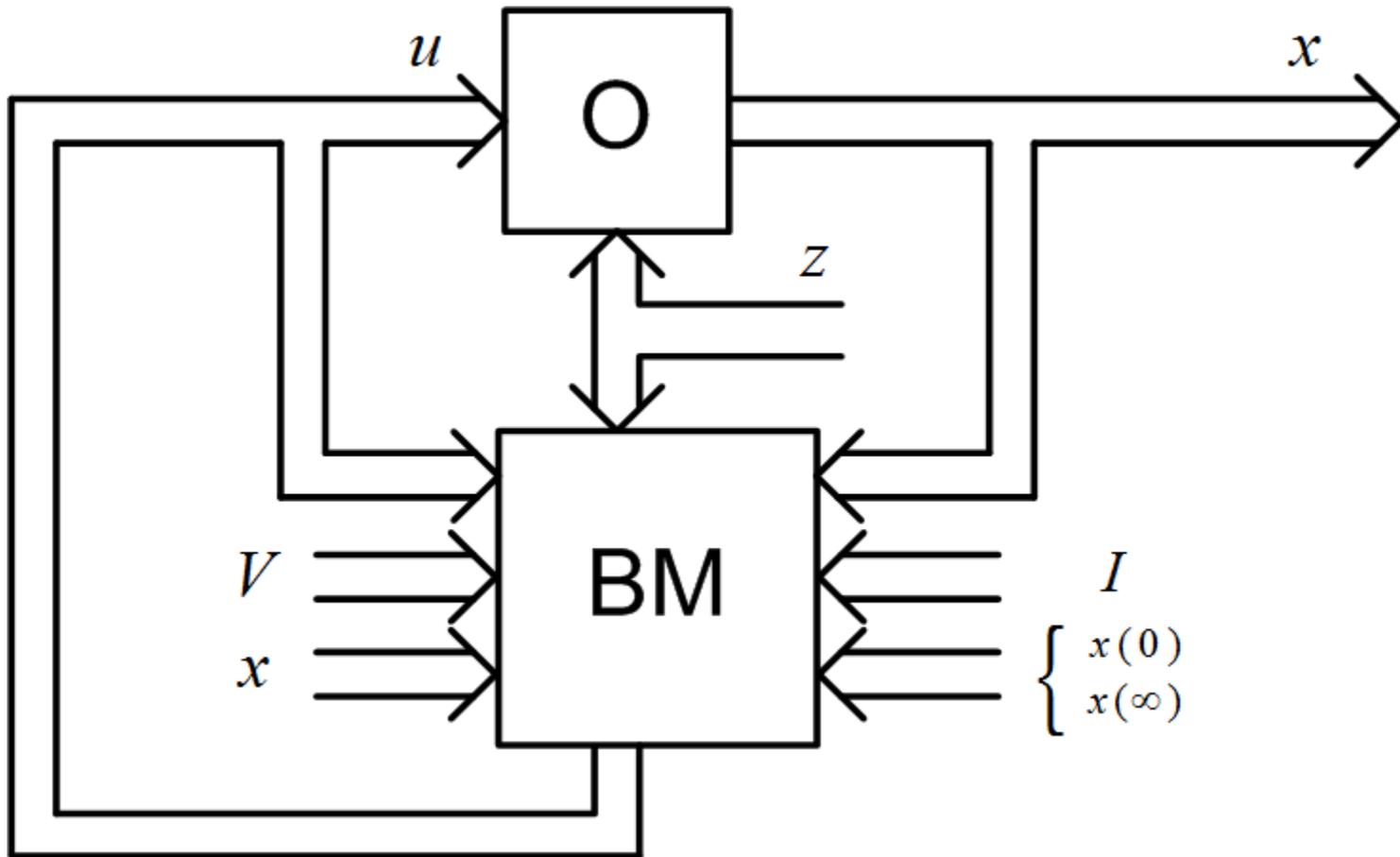
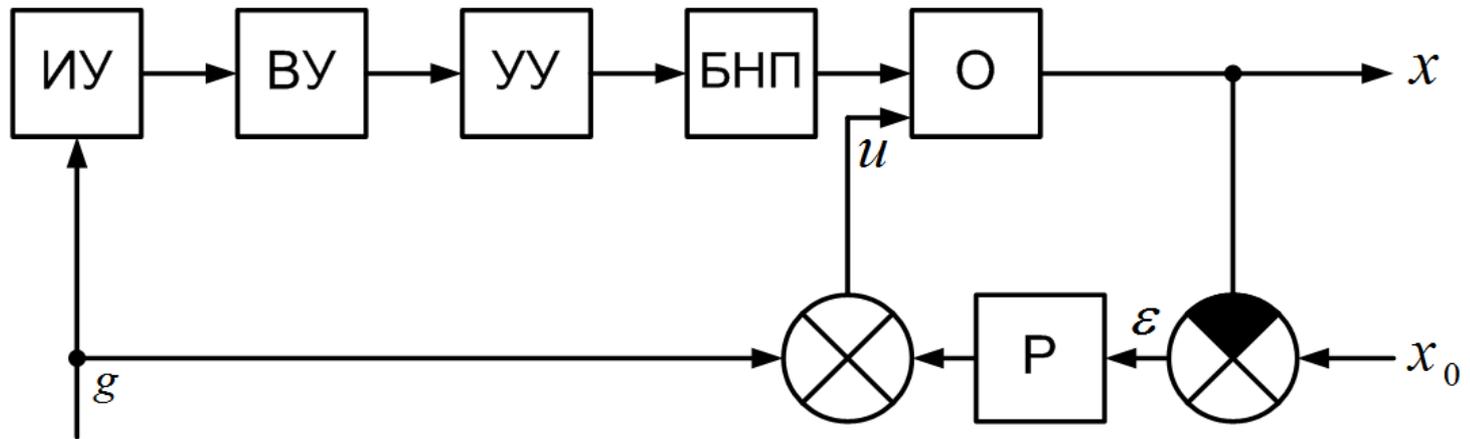


Рис. 9

# АДАПТИВНЫЕ СИСТЕМЫ

а)



б)

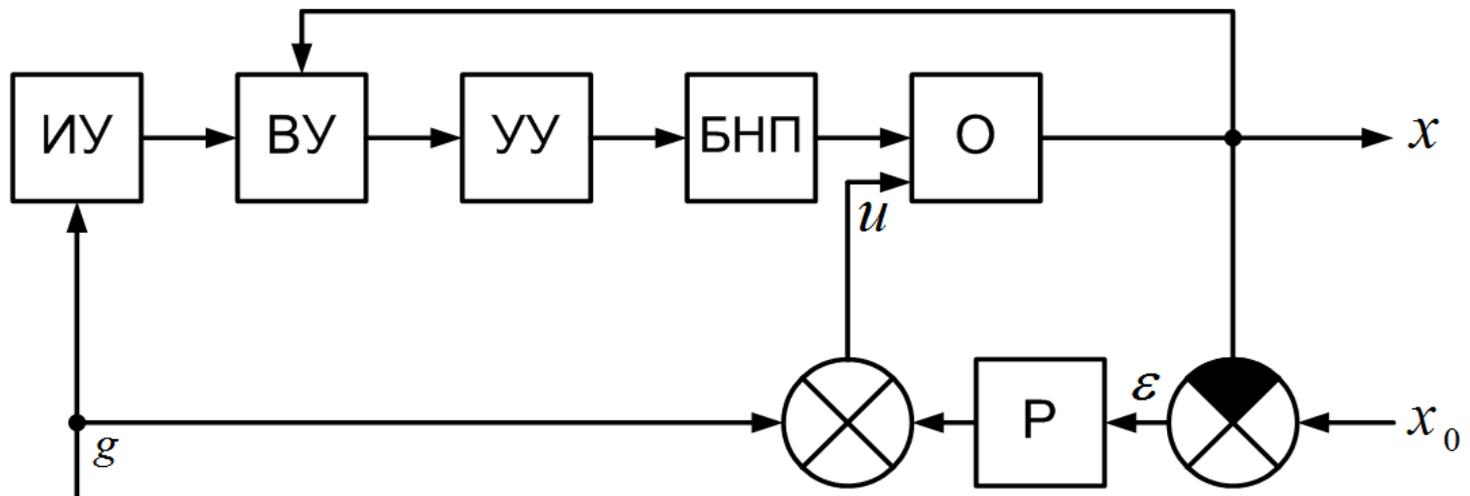


Рис. 10

**МАТЕМАТИЧЕСКОЕ  
ОПИСАНИЕ  
АВТОМАТИЧЕСКИХ  
СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ**

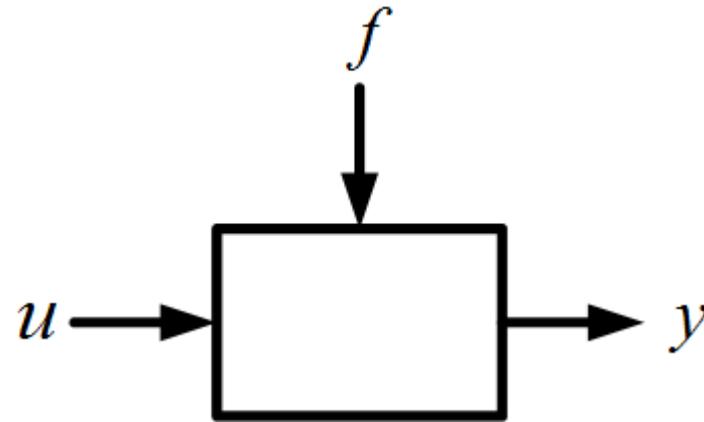


Рис. 2.1

$$F(y^0, 0, 0, u^0, 0) + f^0 = 0$$

$$F(y, \dot{y}, \ddot{y}, u, \dot{u}) + f = 0$$

## ЛИНЕАРИЗАЦИЯ

$$F(y, y', y'', u, \dot{u}) + f = 0$$

$$u = u^*, \dot{u} = \dot{u}^*, f = f^*, y = y^*, \dot{y} = \dot{y}^*, \ddot{y} = \ddot{y}^*$$

$$\Delta y = y - y^*,$$

$$\Delta u = u - u^*, \Delta f = f - f^*,$$

$$f = f^* + \Delta f, u = u^* + \Delta u, \dot{u} = \dot{u}^* + \Delta \dot{u}, \ddot{y} = \ddot{y}^* + \Delta \ddot{y}$$

$$F^* = \left(\frac{\partial F}{\partial y}\right)^* * \Delta y + \left(\frac{\partial F}{\partial \dot{y}}\right)^* * \Delta \dot{y} + \left(\frac{\partial F}{\partial \ddot{y}}\right)^* * \Delta \ddot{y} + \\ + \left(\frac{\partial F}{\partial u}\right)^* * \Delta u + \left(\frac{\partial F}{\partial \dot{u}}\right)^* * \Delta \dot{u} + f^* + \Delta f = 0$$

$$F^* + f^* = 0$$

$$a_0 \Delta \ddot{y} + a_1 \Delta \dot{y} + a_2 \Delta y - b_0 \Delta \dot{u} - b_1 \Delta u - c_0 \Delta f = 0$$

$$a_0 = \left( \frac{\partial F}{\partial \ddot{y}} \right)^* ; a_1 = \left( \frac{\partial F}{\partial \dot{y}} \right)^* ; a_2 = \left( \frac{\partial F}{\partial y} \right)^*$$

$$b_0 = \left( \frac{\partial F}{\partial \dot{u}} \right)^* ; b_1 = \left( \frac{\partial F}{\partial u} \right)^* ; c_0 = -1$$

# ГЕОМЕТРИЧЕСКАЯ ЛИНЕАРИЗАЦИЯ

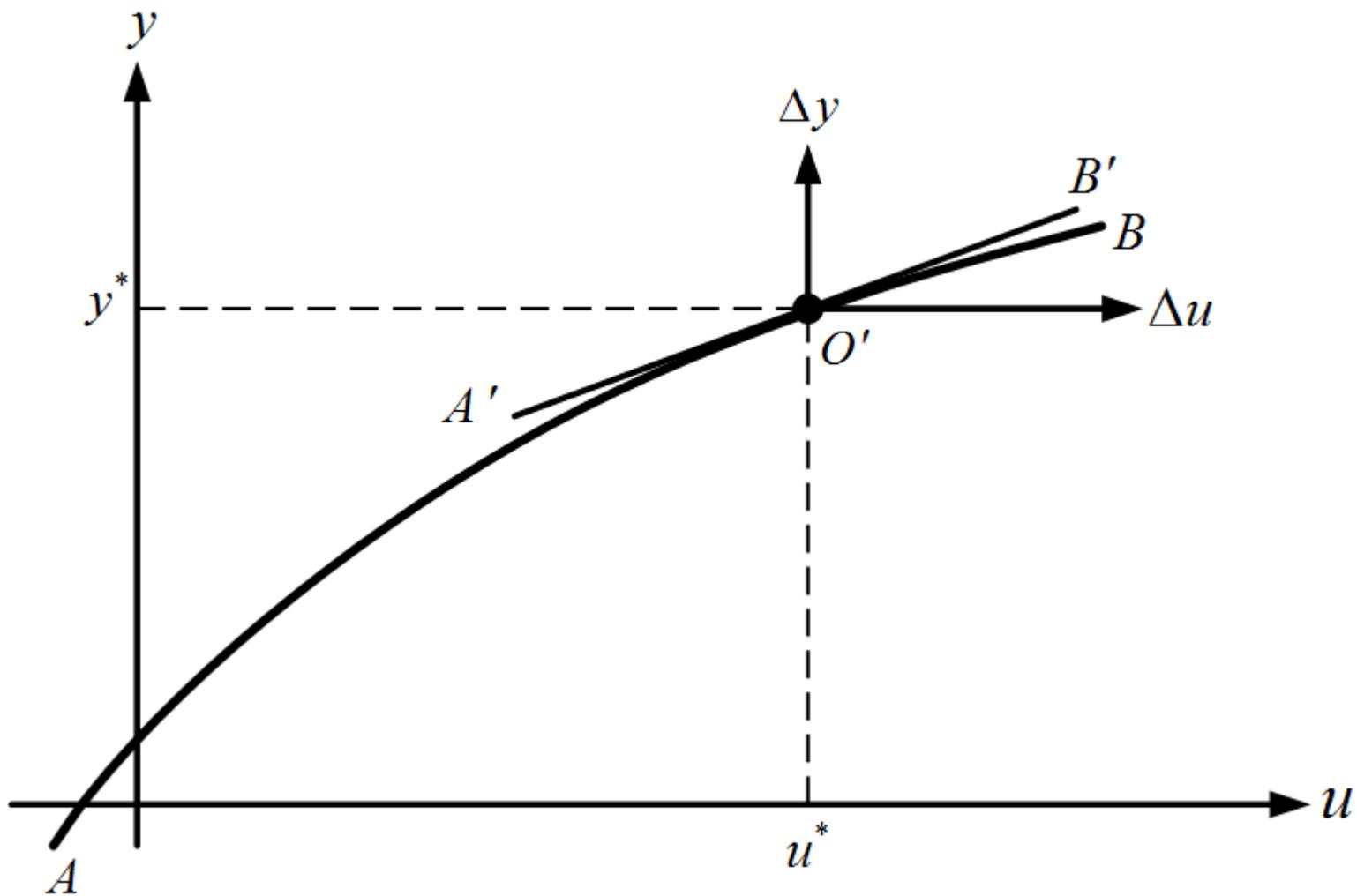


Рис. 2.2

# **ОСНОВНЫЕ СВОЙСТВА ПРЕОБРАЗОВАНИЯ ЛАПЛАСА**

# 1. ДИФФЕРЕНЦИРОВАНИЕ ОРИГИНАЛА

Если начальные условия (н.у.) нулевые:

$$x(0) = \dot{x}(0) = \dots = x^{n-1}(0) = 0, \text{ то}$$

Можно записать  $L\{x^{(n)}(t)\} = S^n * X(s)$

При нулевых н.у. дифференцирование оригинала соответствует умножению изображения на  $S$ .

## 2. ИНТЕГРИРОВАНИЕ ОРИГИНАЛА

Интегрирование оригинала сводится к делению изображения на  $S$ :

$$L \left\{ \int_0^t x(t) dt \right\} = \frac{X(s)}{s}$$

### 3. ТЕОРЕМА ЗАПАЗДЫВАНИЯ

Для любого положительного  $\tau$  преобразовав

$$L\{x(t - \tau)\} = e^{-s\tau}L\{x(t)\} = e^{-s\tau}X(s)$$

## 4. ТЕОРЕМА О СВЁРТКЕ (ТЕОРЕМА УМНОЖЕНИЯ ИЗОБРАЖЕНИЙ)

Если  $x_1(t)$  и  $x_2(t)$  – оригиналы,  
а  $x_1(s)$  и  $x_2(s)$  – их изображения,

$$\text{то } x_1(s) * x_2(s) = \int_0^t x_1(\tau) * x_2(t - \tau) d\tau = \\ = \int_0^t x_2(\tau) x_1(t - \tau) d\tau$$

Интеграл в правой части называется  
свёрткой функций.

## 5. ТЕОРЕМА О ПРЕДЕЛЬНЫХ ЗНАЧЕНИЯХ

Если  $x(t)$  – оригинал, а  $X(s)$  – его изображение, то  $x(0) = \lim_{s \rightarrow \infty} X(s)$  и при существовании предела  $x(\infty) = \lim_{t \rightarrow \infty} x(t)$ , существует предел

$$x(\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} X(s)$$

$$X(s) = \int_0^{\infty} x(t)e^{-st} dt$$

$$x(t) = X(s)$$

$$X(s) = x(t)$$

**ФОРМЫ ЗАПИСИ ЛИНЕЙНЫХ  
ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ  
УРАВНЕНИЙ. ПЕРЕДАТОЧНЫЕ  
ФУНКЦИИ**

$$a_0\ddot{y} + a_1\dot{y} + a_2y - b_0\dot{u} - b_1u - c_0f = 0$$

$$a_0p^2y + a_1py + a_2y = b_0pu + b_1u + c_0f$$

$$(a_0p^2y + a_1p + a_2)y = (b_0p + b_1)u + c_0f$$

$$Q(p) = a_0p^2 + a_1p + a_2$$

$$R_1(p) = b_0p + b_1$$

$$R_2(p) = c_0$$

$$Q(p)y = R_1(p)u + R_2(p)f$$

# ПЕРЕДАТОЧНЫЕ ФУНКЦИИ

$$W_1(p) = \frac{R_1(p)}{Q(p)} = \frac{b_0p + b_1}{a_0p^2 + a_1p + a_2}$$

$$W_2(p) = \frac{R_2(p)}{Q(p)} = \frac{c_0}{a_0p^2 + a_1p + a_2}$$

$$y = W_1(p)u + W_2(p)f$$

$$(a_0s^2 + a_1s + a_2)Y(s) = (b_0s + b_1)U(s) + c_0F(s)$$

$$W_1(s) = \frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{b_0s + b_1}{a_0s^2 + a_1s + a_2};$$

$$W_2(s) = \frac{Y(s)}{F(s)} = \frac{c_0}{a_0s^2 + a_1s + a_2}$$

$$Y(s) = W_1(s)U(s) + W_2(s)F(s)$$